

# **M**odelo de **A**nálisis de **C**hoques **E**xógenos y de **P**rotección **E**conómica y **S**ocial **MACEPES** (versión 1)

Martín Cicowiez

Marco V. Sánchez

Presentación elaborada para el 2do taller de entrenamiento del proyecto  
"Implicaciones de la política macroeconómica, los choques externos, y los sistemas  
de protección social en la pobreza, la desigualdad y la vulnerabilidad en América  
Latina y el Caribe", realizado el 26-28 de noviembre de 2008 en el Radisson Europa  
Hotel & Conference Center, San José, Costa Rica.

# ¿Qué es el MACEPES?

- Modelo de EGC de tipo dinámico-recursivo
  - Módulo estático
  - Módulo dinámico
- Módulo estático
  - Sistema de ecuaciones intra-período → soluciones de EG para un número de períodos (años)  $t$  de manera separada
  - Pertenece a la familia de modelos neoclásicos-estructuralistas (Dervis y otros, 1982; Robinson, 1989)
  - Pariente cercano del modelo del IFPRI (Lofgren y otros, 2002)
  - Flexible para analizar el impacto de choques de política y externos sobre los precios relativos y la asignación de los recursos y los ingresos.

# ¿Qué es el MACEPES?

- Módulo dinámico
  - Establece los vínculos inter-temporales entre las soluciones de EG estáticas (dadas por el módulo estático)
  - Proporciona solución de EG dinámica para un período
  - No hay optimización inter-temporal. Los agentes son miopes y, por lo tanto, toman decisiones teniendo en cuenta el pasado pero nunca el futuro
  - Sigue una especificación similar a la presentada en Thurlow (2003) y Sánchez (2004)
    - ecuaciones que modifican algunos de los stocks definidos en el modelo estático
    - se usa el valor rezagado –del período inmediatamente anterior– de algunas variables

# Enunciado matemático: ¿cómo leerlo?

- Conjuntos → dimensiones del modelo
- Ecuaciones
- Variables → letras mayúsculas del alfabeto latino
- Parámetros → letras de los alfabetos latino y griego
  - Ojo: parámetros del enunciado matemático y no del código de GAMS
- Las cantidades y los precios se presentan con las letras  $Q$  y  $P$ , respectivamente.
- Los subíndices indican los conjuntos del modelo y el período de tiempo ( $t$ ).
- En algunos casos, también se usan superíndices para delimitar el “rango” de una función o, por medio de un “0”, indicar que la variable asume el valor del año base.

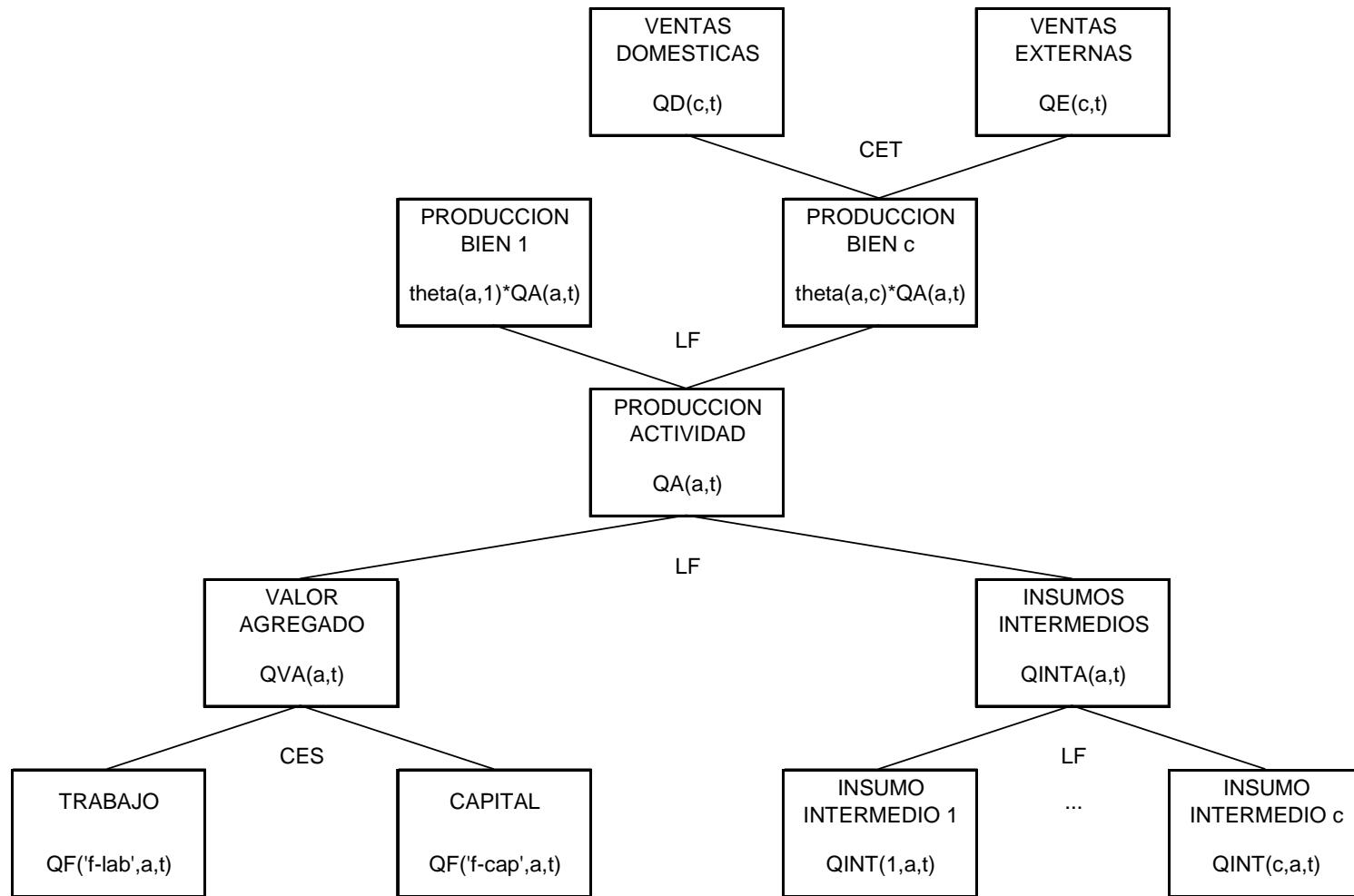
# Conjuntos

---

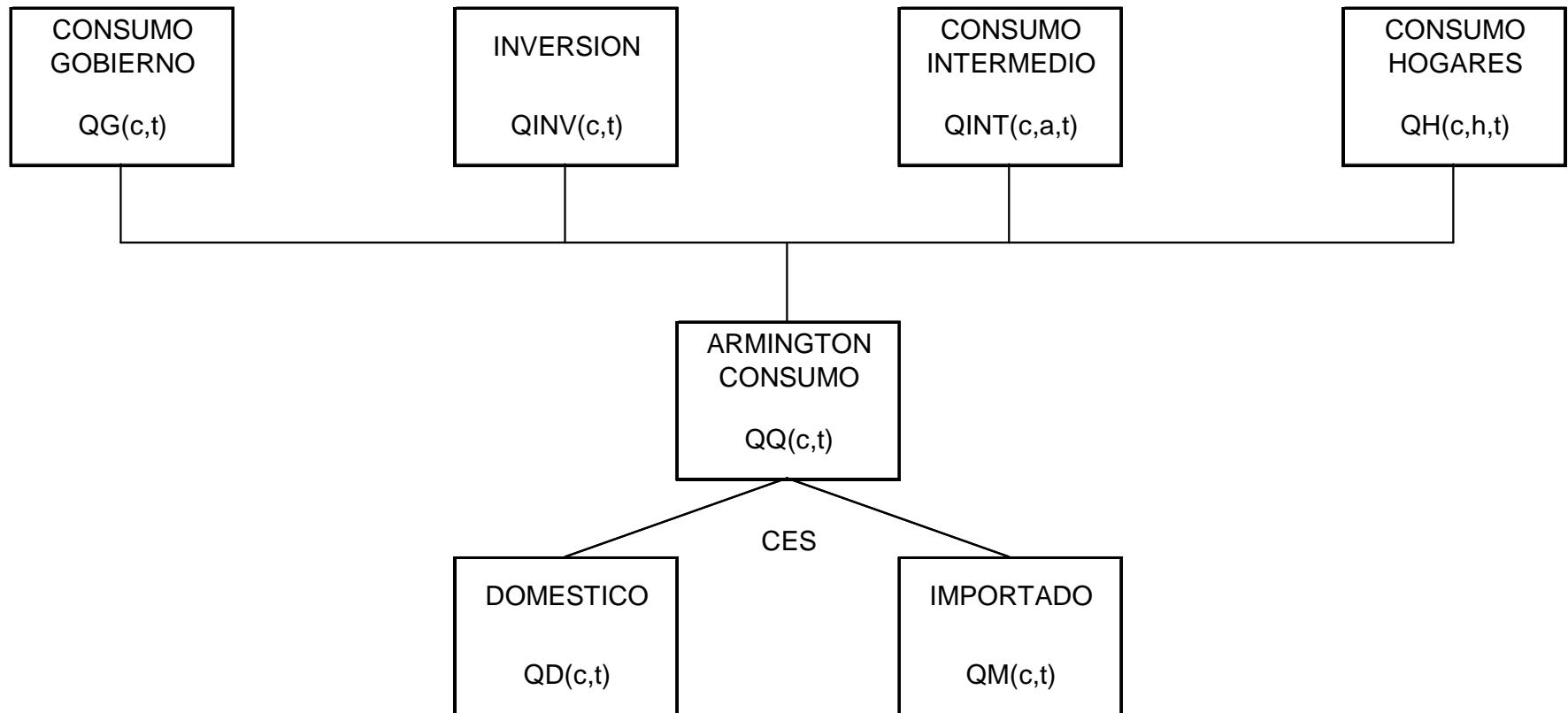
|                              |  |
|------------------------------|--|
| $t \in T$                    | períodos de tiempo para la solución del modelo |
| $ac \in AC$                  | agente $ac$ (conjunto global)                  |
| $a \in A$                    | actividades productivas                        |
| $c \in C$                    | bienes (incluyendo servicios)                  |
| $f \in F$                    | factores                                       |
| $f \in FCAP(\subset F)$      | factor capital                                 |
| $f \in FLAND(\subset F)$     | factor tierra                                  |
| $f \in FNATRES(\subset F)$   | factor recursos naturales                      |
| $f \in FLAB(\subset F)$      | factor trabajo por tipo de trabajador          |
| $f \in FAGG(\subset F)$      | factor trabajo agregado                        |
| $f \in FUENDOG(\subset F)$   | factor con tasa de desempleo endógena          |
| $i \in INS$                  | instituciones                                  |
| $i \in INSD(\subset INS)$    | instituciones domésticas                       |
| $i \in INSDNG(\subset INSD)$ | instituciones domésticas no gubernamentales    |
| $i \in INSND(\subset INS)$   | resto del mundo                                |
| $h \in H(\subset INSDNG)$    | hogares  |

---

# Esfera de la producción



# Esfera del consumo



# ***Nivel 1: valor agregado e insumos intermedios***

---

$$QVA_{a,t} = iva_a \cdot QA_{a,t}$$

---

$$PA_{a,t} \cdot (1 - TA_{a,t}) \cdot QA_{a,t} =$$

$$PVA_{a,t} \cdot QVA_{a,t} + PINTA_{a,t} \cdot QINTA_{a,t}$$

---

$$QINTA_{a,t} = inta_a \cdot QA_{a,t}$$

---

$$PINTA_{a,t} = \sum_{c \in C} PQD_{c,a,t} \cdot ica_{ca}$$

## ***Nivel 2: valor agregado e insumos intermedios***

---

$$QVA_{a,t} = ALPHAVA_{a,t} \cdot \left( \sum_{f \in F} \delta_{f,a}^{va} \cdot QF_{f,a,t}^{-\rho_a^{va}} \right)^{-\frac{1}{\rho_a^{va}}}$$

---

$$QF_{f,a,t} = \left( \frac{PVA_{a,t}}{WF_{f,t} \cdot WFDIST_{f,a,t} \cdot (1 + TFACT_{f,a,t})} \right)^{\sigma_a^{va}} \\ \cdot (\delta_{f,a}^{va})^{\sigma_a^{va}} \cdot (ALPHAVA_{a,t})^{\sigma_a^{va-1}} \cdot QVA_{a,t}$$

## ***Nivel 2: valor agregado e insumos intermedios***

---

$$QINT_{c,a,t} = ica_{c,a} \cdot QINTA_{a,t}$$

---

$$QX_{c,t} = \sum_{a \in A} \theta_{a,c} \cdot QA_{a,t}$$

---

$$PA_{a,t} = \sum_{c \in C} \theta_{a,c} \cdot PX_{c,t}$$

# *Precios del comercio internacional*

---

$$PM_{c,t} = (1 + TM_{c,t}) \cdot EXR_t \cdot PWM_{c,t}$$

---

$$PE_{c,t} = (1 - TE_{c,t}) \cdot EXR_t \cdot PWE_{c,t}$$

---

# ***Bienes compuestos para el consumo***

---

$$QQ_{c,t} = \phi_c^q \left( \delta_c^{qm} \cdot QM_{c,t}^{-\rho_c^q} + \delta_c^{qd} \cdot QD_{c,t}^{-\rho_c^q} \right)^{-\frac{1}{\rho_c^q}}$$

---

$$QQ_{c,t} = QM_{c,t} + QD_{c,t}$$

---

$$\frac{QM_{c,t}}{QD_{c,t}} = \left( \frac{PD_{c,t}}{PM_{c,t}} \cdot \frac{\delta_c^{qm}}{\delta_c^{qd}} \right)^{\frac{1}{1 + \rho_c^q}}$$

---

$$PQS_{c,t} \cdot QQ_{c,t} = PD_{c,t} \cdot QD_{c,t} + PM_{c,t} \cdot QM_{c,t}$$

---

$$PQD_{c,ac,t} = PQS_{c,t} \cdot (1 + TQ_{c,t} + TV_{c,ac,t})$$

# *El problema de la transformación del producto y exportaciones*

---

$$QX_{c,t} = \phi_c^t \cdot \left( \delta_c^{te} \cdot QE_{c,t}^{\rho_c^t} + \delta_c^{td} \cdot QD_{c,t}^{\rho_c^t} \right)^{\frac{1}{\rho_c^t}}$$

---

$$QX_{c,t} = QE_{c,t} + QD_{c,t}$$

---

$$\frac{QE_{c,t}}{QD_{c,t}} = \left( \frac{PE_{c,t}}{PD_{c,t}} \cdot \frac{\delta_c^{td}}{\delta_c^{te}} \right)^{\frac{1}{\rho_c^t - 1}}$$

---

$$PX_{c,t} QX_{c,t} = PD_{c,t} \cdot QD_{c,t} + PE_{c,t} \cdot QE_{c,t}$$

---

$$QE_{c,t} = \overline{qe}_{c,t} \cdot \left( \frac{PWE_{c,t}}{pwse_{c,t}} \right)^{-\eta_c}$$

# ***Ingreso, demanda y transferencias de las instituciones domésticas no gubernamentales***

---

$$YF_{f,t} = \sum_{a \in A} WF_{f,t} \cdot WFDIST_{f,a,t} \cdot QF_{f,a,t} + trnsfr_{f,raw,t} \cdot EXR_t$$

---

$$YIF_{i,f,t} = \sum_{f \in F} shif_{i,f} \cdot (1 - TF_{f,t}) \cdot YF_{f,t}$$

---

$$YI_{i,t} = YIF_{i,f,t} + trnsfr_{i,gov,t} \cdot CPI_t + trnsfr_{i,raw,t} \cdot EXR_t + \sum_{i' \in INSDNG'} TRII_{i,i',t}$$

---

$$TRII_{i,i',t} = shii_{i,i'} \cdot (1 - MPS_{i',t}) \cdot (1 - TY_{i',t}) \cdot YI_{i',t}$$

---

$$MPS_{i,t} = \overline{mps}_i \cdot MPSADJ_t$$

# *Ingreso, demanda y transferencias de las instituciones domésticas no gubernamentales*

---

$$EH_{h,t} = \left( 1 - \sum_{i \in INSDNG} shii_{i,h} \right) \cdot \left( 1 - MPS_{h,t} \right) \cdot \left( 1 - TY_{h,t} \right) \cdot YI_{h,t}$$

---

$$PQD_{c,h,t} \cdot QH_{c,h,t} = PQD_{c,h,t} \cdot \gamma_{c,h,t} + \beta_{c,h} \cdot \left( EH_{h,t} - \sum_{c' \in C} PQD_{c'h,t} \cdot \gamma_{c'h,t} \right)$$

---

$$QHPCREAL_t = \frac{\sum_{c \in C, h \in H} \left( PQD^0_{c,h,t} \cdot QH_{c,h,t} \right)}{pop_t}$$

---

$$QINV_{c,t} = \overline{qinv}_c \cdot IADJ_t \quad INVSHR_t = \frac{\sum_{c \in C} PQD_{c,s-i,t} \cdot QINV_{c,t}}{TABS_t}$$

# ***Balance corriente y reglas de cierre del gobierno***

---

$$QG_{c,t} = \left( 1 + \overline{qgrw}_c \cdot GADJ_t + QGGRW_{c,t} \right) \cdot QG_{c,t-1}$$

---

$$QGPCREAL_{c,t} = \frac{PQD_{c,gov,t}^0 \cdot QG_{c,t}}{pop_t}$$

---

$$QGGDP_{c,t} = \frac{\left( PQD_{c,gov,t} \cdot QG_{c,t} \right)}{GDPNOM_t}$$

---

$$QGABS_{c,t} = \frac{\left( PQD_{c,gov,t} \cdot QG_{c,t} \right)}{TABS_t}$$

Cuadro 1 Reglas de cierre alternativas para el gasto del gobierno por bien<sup>1/</sup>

|    | Tasa de crecimiento del consumo del gobierno | Consumo per cápita real del gobierno | Consumo del gobierno/PIB | Consumo del gobierno/absorción nominal | Factor de ajuste del consumo final del gobierno |
|----|--|--------------------------------------|--------------------------|--|---|
| 1. | fijo   | flexible                             | flexible                 | flexible                               | fijo  |
| 2. | flexible                                     | fijo                                 | flexible                 | flexible                               | fijo  |
| 3. | flexible                                     | flexible                             | fijo                     | flexible                               | fijo  |
| 4. | flexible                                     | flexible                             | flexible                 | fijo                                   | fijo  |

<sup>1/</sup> Solo el factor de ajuste del consumo final del gobierno no está definido por bien.

# ***Balance corriente y reglas de cierre del gobierno***

---

$$EG_t = \sum_{c=C} PQD_{c,gov,t} \cdot QG_{c,t} + \sum_{i \in INSDNG} trnsfr_{i,gov,t} \cdot CPI_t + trnsfr_{row,gov,t} \cdot EXR_t$$

---

$$YG_t = TREV_t + EXR_t \cdot trnsfr_{gov,row,t} + \sum_{insdng} TRII_{gov,insdng,t} + \sum_{f \in F} YIF_{gov,f,t}$$

---

$$\begin{aligned} TREV_t = & \sum_{a \in A, f \in F} TFACT_{f,a,t} \cdot WF_{f,t} \cdot WFDIST_{a,f,t} \cdot QF_{f,a,t} + \sum_{a \in A} TA_{a,t} \cdot PA_{a,t} \cdot QA_{a,t} \\ & + \sum_{f \in F} TF_{f,t} \cdot YF_{f,t} + \sum_{c \in C} TQ_{c,t} \cdot PQS_{c,t} \cdot QQ_{c,t} + \sum_{c \in C, a \in A} TV_{c,a,t} \cdot PQS_{c,t} \cdot QINT_{c,a,t} \\ & + \sum_{c \in C, h \in H} TV_{c,h,t} \cdot PQS_{c,t} \cdot QH_{c,h,t} + \sum_{c \in C} TV_{c,gov,t} \cdot PQS_{c,t} \cdot QG_{c,t} + \sum_{c \in C} TV_{c,s-i,t} \cdot PQS_{c,t} \cdot QINV_{c,t} \\ & + \sum_{c \in C} TV_{c,dstk,t} \cdot PQS_{c,t} \cdot qdst_{c,t} + \sum_{i \in INSDNG} TY_{i,t} \cdot YI_{i,t} + \sum_{c \in C} TE_{c,t} \cdot EXR_t \cdot PWE_{c,t} \cdot QE_{c,t} \\ & + \sum_{c \in C} TM_{c,t} \cdot EXR_t \cdot PWM_{c,t} \cdot QM_{c,t} \end{aligned}$$

# ***Balance corriente y reglas de cierre del gobierno***

---

$$TFACT_{f,a,t} = \overline{tfact}_{f,a,t} \cdot \left( 1 + TFACTADJ_t \cdot tfact01_{f,a,t} \right)$$

---

$$TA_{a,t} = \overline{ta}_{a,t} \cdot \left( 1 + TAADJ_t \cdot ta01_{a,t} \right)$$

---

$$TF_{f,t} = \overline{tf}_{f,t} \cdot \left( 1 + TFADJ_t \cdot tf01_{f,t} \right)$$

---

$$TQ_{c,t} = \overline{tq}_{c,t} \cdot \left( 1 + TQADJ_t \cdot tq01_{c,t} \right)$$

---

$$TV_{c,ac,t} = \overline{tv}_{c,ac,t} \cdot \left( 1 + TVADJ_t \cdot tv01_{c,ac,t} \right)$$

---

$$TY_{insdng,t} = \overline{ty}_{insdng,t} \cdot \left( 1 + TYADJ_t \cdot ty01_{insdng,t} \right)$$

# ***Balance corriente y reglas de cierre del gobierno***

---

$$TE_{c,t} = \overline{te}_{c,t} \cdot (1 + TEADJ_t \cdot te01_{c,t})$$

---

$$TM_{c,t} = \overline{tm}_{c,t} \cdot (1 + TMADJ_t \cdot tm01_{c,t})$$

---

$$GSAV_t = YG_t - EG_t$$

---

$$GSAVGDP_t = \frac{GSAV_t}{GDPNOM_t}$$

---

## Cuadro 2 Reglas de cierre alternativas para el balance corriente del gobierno

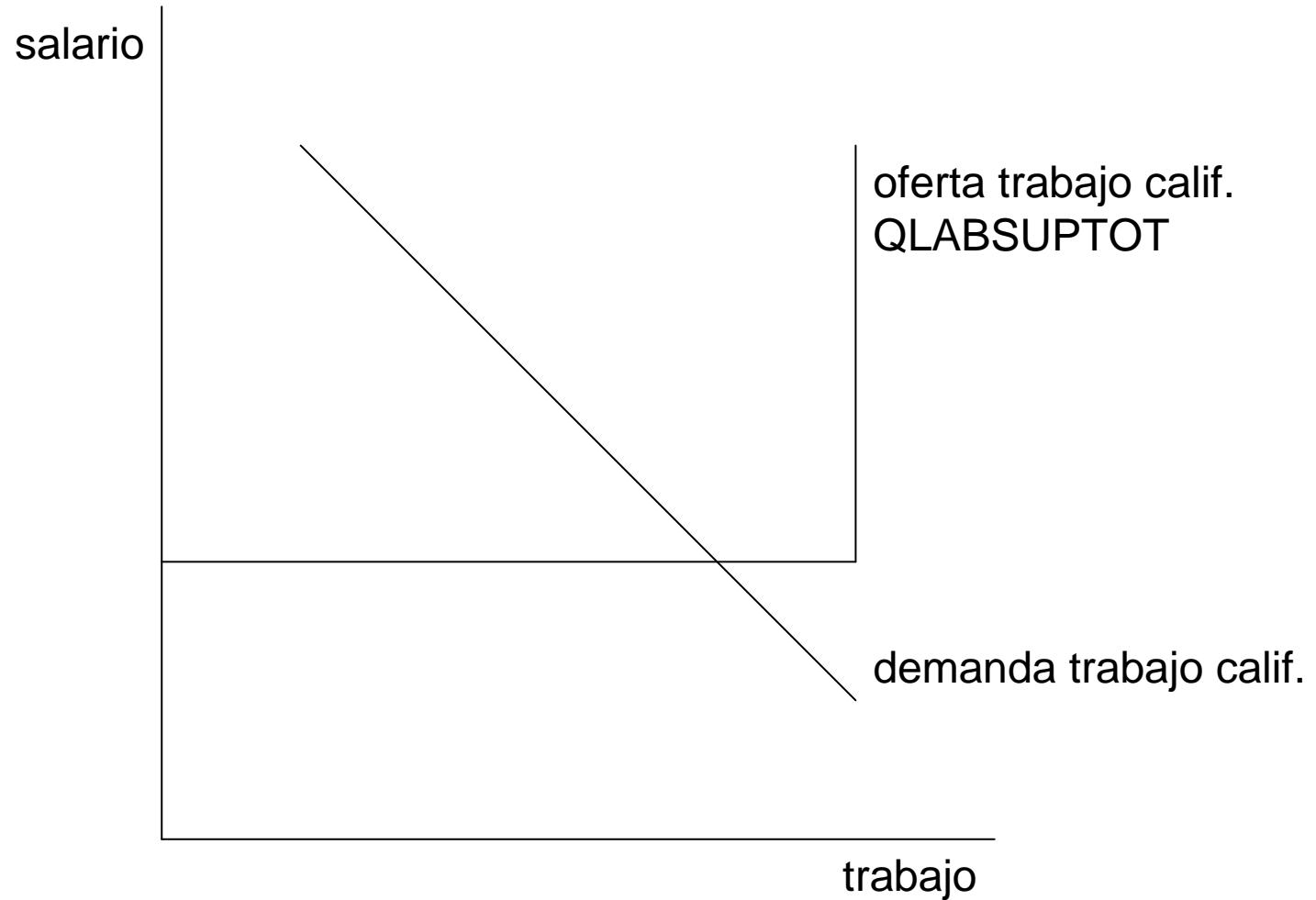
# Reglas de cierre

- Restricciones que garantizan que los diferentes mercados del modelo alcancen un equilibrio.
  - factores
  - bienes
- “Cierres macroeconómicos”
  - gobierno (consumo final y balance corriente)
  - sector externo
  - ahorro-inversión

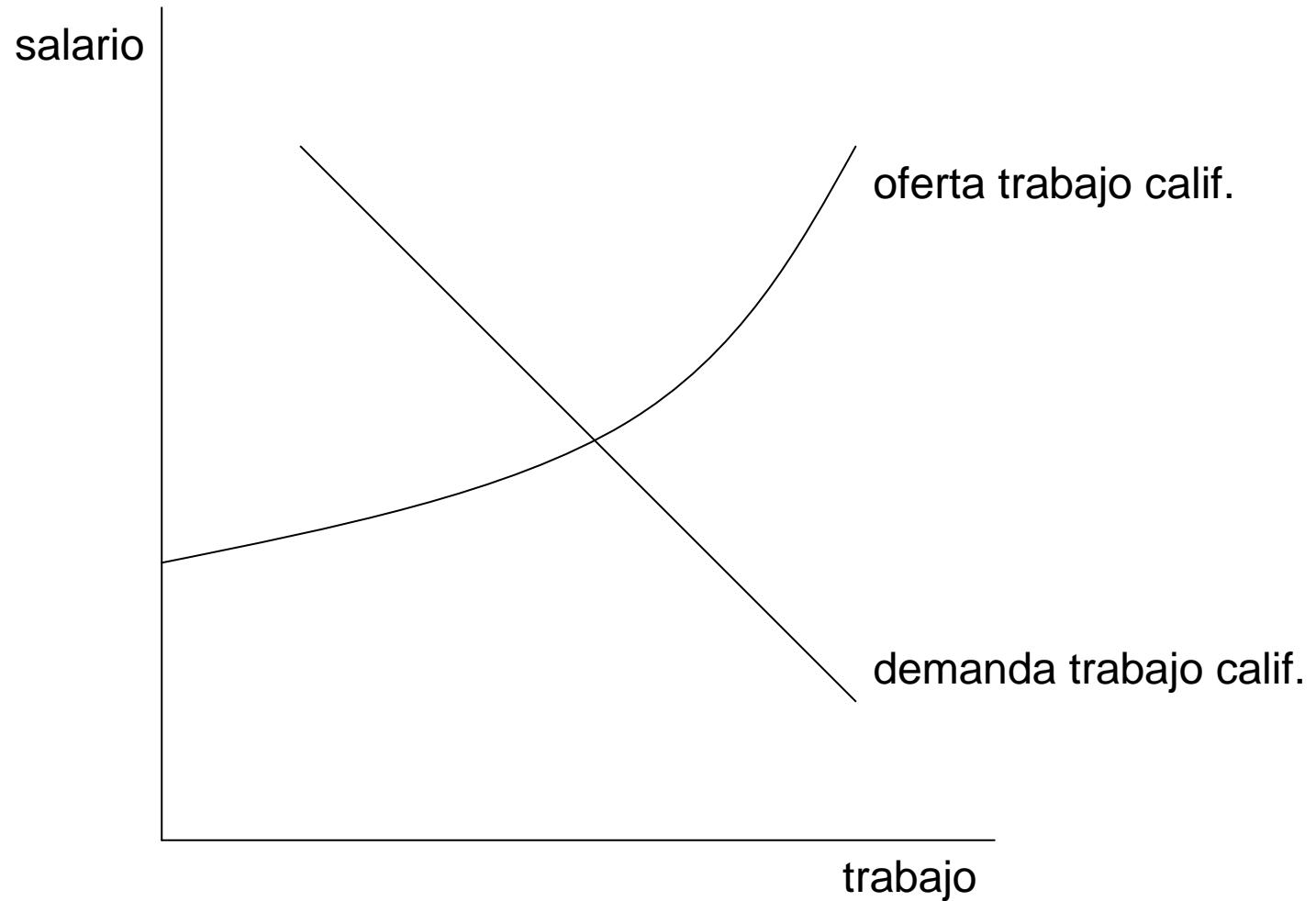
# Mercado laboral

- El factor trabajo puede desagregarse de diversas maneras; por ejemplo, es posible desagregar una misma categoría laboral (por ejemplo, trabajo calificado) en dos subcategorías
  - trabajo calif. asalariado
  - trabajo calif. no asalariado
- La oferta de cada subcategoría es endógena
  - importante en un modelo dinámico

# Mercado laboral – intra-período



# Mercado laboral – entre-período

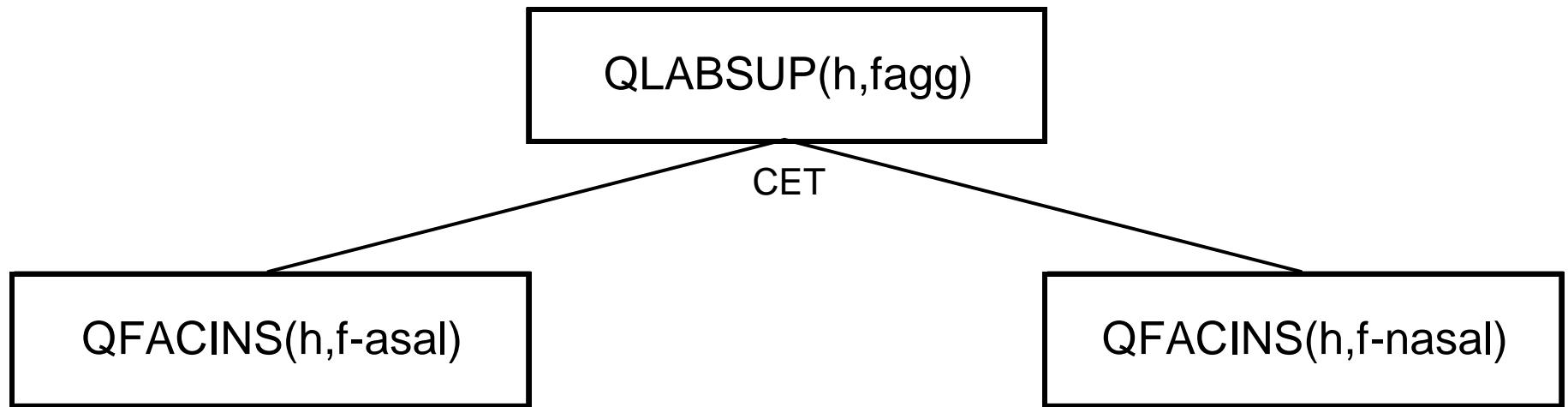


# Mercado laboral – cont.

$$QFACINS_{h , flab , t} = \sum_{flab} \left( \left( \frac{WF_{flab , t}}{WLAB_{h , fagg , t}} \right)^{\Omega_{h , fagg}} \cdot (\delta_{h , flab})^{-\Omega_{h , fagg}} \cdot QLABSUP_{h , fagg , t} \cdot (1 - UERAT_{fagg , t}) \cdot (\phi_{h , fagg})^{-(1 + \Omega_{h , fagg})} \right)$$

$flab \in mffagg(flab, fagg)$

# Mercado laboral – cont.



$$WLAB_{h,fagg,t} \cdot QLABSUP_{h,fagg,t} \cdot (1 - UERAT_{fagg,t}) = \\ \sum_{flab \in FLAB} WF_{flab,t} \cdot QFACINS_{h,flab,t}$$

# Mercado laboral – cont.

---

$$QLABSUPTOT_{fagg,t} = \sum_{h \in H} QLABSUP_{h,fagg,t}$$

---

$$WLABTOT_{fagg,t} \cdot QLABSUPTOT_{fagg,t} = \\ \sum_{h \in H} WLAB_{h,fagg,t} \cdot QLABSUP_{h,fagg,t}$$

---

$$WLABTOTREAL_{fagg,t} = \frac{WLABTOT_{fagg,t}}{CPI_{fagg,t}}$$

# Mercado laboral – cont.

---

$$WLABTOTRES_{fagg,t} = \left( \frac{WLABTOT^0_{fagg,t}}{CPI_t^0} \right) \cdot \left( \frac{QHPCREAL_t}{QHPCREAL_t^0} \right)^{\phi wfqh_{fagg,t}} \\ \cdot \left( \frac{1 - UERAT_{fagg,t}}{1 - UERAT_t^0} \right)^{\phi wfuerat_{fagg,t}} \cdot \left( \frac{CPI_{fagg,t}}{CPI_t^0} \right)^{\phi wfcpi_{fagg,t}}$$


---

$$WLABTOTREAL_{fagg,t} \geq WLABTOTRES_{fagg,t} \quad f \in fuendog$$

$$UERAT_{fagg,t} \geq ueratmin_{fagg} \quad f \in fuendog$$

$$(WLABTOTREAL_{fagg,t} - WLABTOTRES_{fagg,t})$$

$$\cdot (UERAT_{fagg,t} - ueratmin_{fagg}) = 0$$

# Mercado de bienes

$$\sum_{h \in H} QH_{c,h,t} + \sum_{a \in A} QINT_{c,a,t} + QINV_{c,t} + qdst_{c,t} + QG_{c,t} = QQ_{c,t}$$

# Cierre externo

$$\begin{aligned} & \sum_{c \in CE} PWE_{c,t} \cdot QE_{c,t} + \sum_{i \in INSD} trnsfr_{i,row,t} + \sum_{f \in F} trnsfr_{f,row,t} + FSAV_t = \\ & \sum_{c \in CM} PWM_{c,t} \cdot QM_{c,t} + trnsfr_{row,gov,t} \\ & + \frac{\sum_{f=F} shif_{row,f} \cdot (1 - TF_{f,t}) \cdot YF_{f,t} + \sum_{i \in INSDNG} TRII_{row,i}}{EXR_t} \end{aligned}$$

---

$$FSAV_t = KFLOW_t + FDI_t$$

---

$$FSAVGDP_t = \frac{FSAV_t \cdot EXR_t}{GDPNOM_t}$$

Cuadro 4 Reglas de cierre alternativas del sector externo

|    | <b>Tipo de cambio</b> | <b>Ahorro externo</b> | <b>Ahorro externo / PIB</b> |
|----|-----------------------|-----------------------|-----------------------------|
| 1. | Flexible              | Fijo                  | Flexible                    |
| 2. | Fijo                  | Flexible              | Flexible                    |
| 3. | Flexible              | Flexible              | Fijo                        |

# Cierre de ahorro-inversión

$$\sum_{i \in INSDNG} MPS_{i,t} \cdot (1 - TY_{i,t}) \cdot YI_{i,t} + GSAV_t + EXR_t \cdot FSAV_t = \\ \sum_{c \in C} PQD_{c,s-i,t} \cdot QINV_{c,t} + \sum_{c \in C} PQD_{c,dstk,t} \cdot qdst_{c,t} + WALRAS_t$$

---

$$TABS_t = \sum_{c \in C, h \in H} PQD_{cht} \cdot QH_{cht} + \sum_{c \in C} PQD_{c,gov,t} \cdot QG_{cct} \\ + \sum_{c \in C} PQD_{c,s-i,t} \cdot QINV_{c,t} + \sum_{c \in C} PQD_{c,dstk,t} \cdot qdst_{c,t}$$

Cuadro 5 Reglas de cierre alternativas del balance ahorro-inversión

| <b>Regla de cierre</b>    | <b>Propensión marginal al ahorro</b> | <b>Inversión real</b> | <b>Inversión / Absorción</b> | <b>Consumo final del gobierno / Absorción</b> |
|---------------------------|--------------------------------------|-----------------------|------------------------------|---|
| 1. Ajuste del ahorro      | Flexible                             | Fija                  | Flexible                     | Flexible                                      |
| 2. Ajuste de la inversión | Fijo                                 | Flexible              | Flexible                     | Flexible                                      |
| 3. Cierre balanceado      | Flexible                             | Flexible              | Fijo                         | Fijo  |

# ***Índices de precios y numerario***

$$\sum_{c \in C, h \in H} PQD_{c,h,t} \cdot cwts_{c,h} = CPI_t$$

---

$$\sum_{c \in C} PD_{c,t} \cdot dwts_c = DPI_t$$

# **PIB**

$$\begin{aligned}
GDPREAL_t = & \sum_{c \in C, h \in H} PQD_{c,h,t}^0 \cdot QH_{c,h,t} + \sum_{c \in C, s-i} PQD_{c,s-i,t}^0 \cdot QINV_{c,t} \\
& + \sum_{c \in C, dstk} PQD_{c,dstk,t}^0 \cdot qdst_{c,t} + \sum_{c \in C, gov} PQD_{c,gov,t}^0 \cdot QG_{c,t} \\
& + \sum_{c \in C} PWE_{c,t}^0 \cdot EXR_t^0 \cdot QE_{c,t} - \sum_{c \in C} PWM_{c,t}^0 \cdot EXR_t^0 \cdot QM_{c,t}
\end{aligned}$$


---

$$\begin{aligned}
GDPNOM_t = & \sum_{c \in C, h \in H} PQD_{c,h,t} \cdot QH_{c,h,t} + \sum_{c \in C, s-i} PQD_{c,s-i,t} \cdot QINV_{c,t} \\
& + \sum_{c \in C, dstk} PQD_{c,dstk,t} \cdot qdst_{c,t} + \sum_{c \in C, gov} PQD_{c,gov,t} \cdot QG_{c,t} \\
& + \sum_{c \in C} PWE_{c,t} \cdot EXR_t \cdot QE_{c,t} - \sum_{c \in C} PWM_{c,t} \cdot EXR_t \cdot QM_{c,t}
\end{aligned}$$


---

$$GDPREALFC_t = \sum_{a \in A} PVA_{a,t}^0 \cdot QVA_{a,t}$$

# Productividad total de los factores

$$ALPHAVA_{a,t} = \phi_a^{va} \cdot CALALPHAVA_t \cdot TRDALPHAVA_{a,t}$$

---

$$TRDGDP_t = \frac{\left( \sum_{c \in C} PWE_{c,t}^0 \cdot EXR_t^0 \cdot QE_{c,t} + \sum_{c \in C} PWM_{c,t}^0 \cdot EXR_t^0 \cdot QM_{c,t} \right)}{GDPREAL_t}$$

---

$$TRDALPHAVA_{a,t} = \left( \frac{TRDGDP_t}{TRDGDP_t^0} \right)^{tfpelastrd_a}$$

# Módulo de ecuaciones interperíodo

$$SHRCAPNEW_{fcap,a,t} = \frac{QF_{fcap,a,t}}{\sum_{a' \in A'} QF_{fcap,a',t}} \cdot \left[ 1 + K \cdot \left( \frac{WF_{fcap,t} \cdot WFDIST_{fcap,a,t}}{WCAPAVG_{fcap,t}} - 1 \right) \right]$$

---

$$WCAPAVG_{fcap,t} = \frac{\sum_{a \in A} QF_{fcap,a,t} \cdot WF_{fcap,t} \cdot WFDIST_{fcap,a,t}}{\sum_{a' \in A'} QF_{fcap,a',t}}$$

---

$$QCAPNEW_{fcap,a,t} = SHRCAPNEW_{fcap,a,t} \cdot \frac{\sum_{c \in C, s-i} PQD_{c,s-i,t} \cdot QINV_{c,t}}{PCAP_{fcap,t}}$$

# Módulo de ecuaciones interperíodo

$$PCAP_{fcap,t} = \frac{\sum_{c \in C} PQD_{c,t} \cdot QINV_{c,t}}{\sum_{c \in C} QINV_{c,t}}$$

---

$$QF_{fcap,a,t} = QF_{fcap,a,t-1} \cdot (1 - deprcap_{fcap}) + QCAPNEW_{fcap,a,t-1}$$

---

$$QFACINS_{ins,fcap,t} = QFACINS_{ins,fcap,t-1} + shif_{ins,fcap} \cdot \sum_a QCAPNEW_{fcap,a,t-1}$$

---

$$QFLABSUP_{h,fagg,t} = QFLABSUP_{h,fagg,t-1} \cdot (1 + qlabgrwrat_{fagg})$$